Chi si ritira, consegna <u>solo</u> questo foglio: col nome e una grande R. Gli altri, tengono questo foglio, e consegnano la bella copia

RIQUADRARE ovvero incorniciare I RISULTATI

Legenda

- * è richiesto il valore esatto. Può anche essere $+\infty$, $-\infty$, o una frase.
- \approx è richiesta una ragionevole approssimazione.
- [%] è richiesto il valore in percentuale, se serve ragionevolmente approssimato.
- (R) è richiesto solo il risultato; negli altri esercizi riportare anche i calcoli.

Esercizio 0. Triplice – quesiti basici – chi non risolve almeno 2 non passa l'esame – per ricevere più di 18 risolvere tutti 3.

ESERCIZIO 0 $\mathbf{a}_{\mu_{2025}}$ (R) In una ricerca⁽¹⁾ relativa a un ospedale in Brasile si è stabilito che

$$weight \le -3,767 + 89.11 \times length + 1.237 \times length^2$$
 $40 \le length \le 55$

(con la lunghezza in centimetri e il peso in chilogrammi) rappresenta bene una soglia per il 90% dei neonati. Qual è il peso soglia in grammi per la lunghezza di 50 cm? (Il significato medico ovviamente è questo: per un neonato di 50 cm, un peso maggiore del valore qua calcolato è anormalmente alto, il 90% dei neonati con quella lunghezza peserebbe di meno – secondo questa stima complessiva, globalmente valida per tutte le lunghezze da 40 a 55 centimetri).

ESERCIZIO $\mathbf{0b}_{u2025}$ (R) % Qual è la probabilità che 4 monete diano croce?

ESERCIZIO $\mathbf{0c}_{\mu_{2023}}$ (R) * Completare la parola mancante (nel modo più conforme al programma del Corso, senza stranezze): "Molto usato in Statistica è il test del chi quadrato di ... in cui si considerano tabelle 2×2 o più grandi."

ESERCIZIO $\mathbf{1}_{\mu 2025}$ * Trovare il numero di sottoinsiemi dell'insieme dei primi 8 numeri primi.

 $^{^1\}mathrm{Bertagnon}$ JR, de Mattos Segre CA, Dall Colletto GM. Weight-for-length relationship at birth to predict neonatal diseases. Sao Paulo Med J. 2003 Jul 1;121(4):149-54. doi: $10.1590/\mathrm{s}1516\text{-}31802003000400002$. Epub 2003 Oct 29. PMID: 14595506; PMCID: PMC11108600.

ESERCIZIO 2_{u2025} * Essendo lb il logaritmo in base 2, risolvere l'equazione

$$\lg x - \lg \frac{1}{x} = \text{lb8}$$

ESERCIZIO $3_{\mu 2025}$ * Trovare il minimo di

$$f(t) := t^3 - 3t + 5$$
 $t > 0$

ESERCIZIO $\mathbf{4}_{\mu^{2025}}$ * Per una variabile aleatoria uniforme discreta $X \sim \mathbb{U}\{0,3\}$ calcolare $P(1 \le X^2 < 14)$. (È come un dado regolare a 4 facce 0, 1, 2, 3).

ESERCIZIO $\mathbf{5}_{\mu^{2025}} \approx$ Dopo aver eliminato 12 outlier, stimare il parametro λ di una variabile aleatoria esponenziale da cui è stato tratto questo campione:

26,750 1.373 17,599 144,054 281,477 129,545 170,042 98,283

 $1.034\ 565,49\ 36,036\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$

(Ricordiamo che la v.a. esponenziale può modellizzare gli intertempi fra gli ingressi o le chiamate telefoniche in una Farmacia).

In questo tema d'esame possono comparire entrambi gli standard del punto decimale e della virgola decimale. In ogni esercizio in cui nel quesito o nello svolgimento compaiono numeri che in italiano diciamo con la virgola, scrivere all'inizio dello svolgimento se è usato lo standard del punto o della virgola decimale. Ovviamente se nel testo di un quesito c'è qualcuno di quei numeri, lo svolgimento va fatto continuando con lo stesso standard.