

◦ Sì, segno qua una X sul circoletto perchè sono uno studente di anni passati e diverso docente e desidero anche un esame orale, e consegno questo foglio piegato in 2 insieme alla bella copia.

Chi si ritira, consegna **solo** questo foglio: col nome e una grande R.

**Gli altri, tengono per sè questo foglio, e consegnano solo i fogli di bella copia piegati in due, tutti insieme.**

RIQUADRARE ovvero incorniciare I RISULTATI

### Legenda

\* è richiesto il valore esatto. Può anche essere  $+\infty$ ,  $-\infty$ , o una frase.

$\approx$  è richiesta una ragionevole approssimazione.

% è richiesto il valore in percentuale, se serve ragionevolmente approssimato.

(R) è richiesto solo il risultato.

**In questo tema d'esame possono comparire entrambi gli standard del punto decimale e della virgola decimale.**

**In ogni esercizio in cui nel quesito o nello svolgimento compaiono numeri che in italiano diciamo *con la virgola*, scrivere all'inizio dello svolgimento se è usato lo standard del punto o della virgola decimale.**

**Ovviamente se nel testo di un quesito c'è qualcuno di quei numeri, lo svolgimento va fatto continuando con lo stesso standard.**

**ESERCIZIO 0. Triplice – quesiti basici –  
chi non risolve almeno 2 non passa l'esame –  
per ricevere più di 18 risolvere tutti 3.**

ES. 0a <sub>$\mu$</sub>  (R) \* Ridurre del 30% il valore 130. (È come uno *sconto* del 30%).

ES. 0b <sub>$\mu$</sub>  (R) \*  $D \ln x$

ES. 0c <sub>$\mu$</sub>  (R) \* Probabilità che un dado dia più di 4. (Attenzione: *più di*).

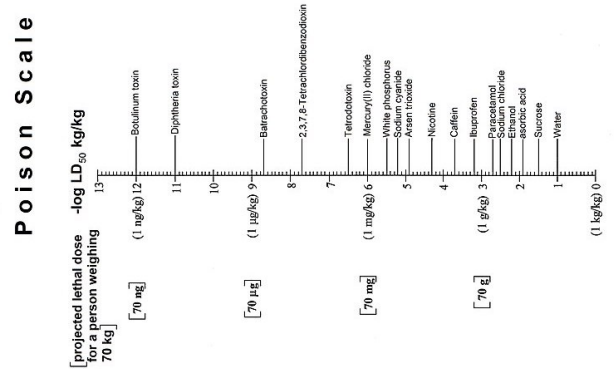
**ES. 1<sub>μ</sub>** \* Un parametro corporeo cresce linearmente, al tempo 10 vale 14 e al tempo 22 vale 18. Calcolata la corrispondente retta per 2 punti, trovare il valore del parametro al tempo 25 (se continuasse a crescere linearmente).

**ES. 2<sub>μ</sub>** ≈ Scrivendo l'unico numero dell'equazione come  $-8 + 0.3$  e ricordando di cosa l'ultimo numero è approssimativamente logaritmo decimale, risolvere

$$\lg x = -7.7$$

Sebbene non serva per risolvere l'esercizio, osserviamo che stiamo trovando, dalla figura, **per la quale non possiamo qua dare alcuna garanzia**, la *dose letale mediana* (LD<sub>50</sub>) approssimativa della Tetracloro-dibenzo-diossina nel ratto (orale), in kg per kg di peso corporeo. Infatti troviamo per *2,3,7,8-Tetrachlorodibenzodioxin* il valore 7.7 (da mutarsi di segno:  $-\log D_{50}$  kg/kg, ove log è lg) nella *scala dei veleni* in figura. (È la famosa *diossina di Seveso*). Figura: by Konzertmeister in

[https://commons.wikimedia.org/wiki/File:Poison\\_Scale.jpg](https://commons.wikimedia.org/wiki/File:Poison_Scale.jpg) (ruotata) – No grants – Warning



**ES. 3<sub>μ</sub>** \*

$$\lim_{t \rightarrow +\infty} 6e^{-e^{2-3t}}$$

(Non serve saperlo per risolvere l'esercizio ma osserviamo che il grafico della funzione è una curva di Gompertz, di grande interesse in Epidemiologia, e coi coefficienti considerati modella ultra-semplificatamente la mortalità nella prima ondata della pandemia in Italia, 2020; una forma più generale è  $a e^{-e^{b-ct}}$ ).

**ES. 4<sub>μ</sub>** % Supponiamo che la probabilità di avere il gene G1 sia del 20% e quella di avere il gene G2 del 30%, e che le 2 cose siano indipendenti. Qual è la probabilità di non avere nessuno dei 2 geni?

**ES. 5<sub>μ</sub>** (R) Quale di questi è lo stimatore per il Test di Student per il confronto della media con un valore  $\mu_0$ ?

(5A)  $n \frac{\bar{X}_n - \mu_0}{S_n} > t_\alpha(n)$ . (5B)  $\sqrt{n} \frac{\bar{X}_n - \mu_0}{S_n^2} > t_\alpha(n)$ .

(5C)  $\sqrt{n} \frac{\bar{X}_n - \mu_0}{S_n} > t_\alpha(n-1)$ . (5D)  $n \frac{\bar{X}_n - \mu_0}{S_n^2} > t_\alpha(n)$ . (5E)  $n \frac{\bar{X}_n - \mu_0}{S_n^2} > t_\alpha(n-1)$ .

(5F)  $n^2 \frac{\bar{X}_n - \mu_0}{S_n} > t_\alpha(n-1)$ . (5G)  $n^2 \frac{\bar{X}_n - \mu_0}{S_n} > t_\alpha(n)$ . (5H)  $n^2 \frac{\bar{X}_n - \mu_0}{S_n^2} > t_\alpha(n-1)$ .

(5I)  $n \frac{\bar{X}_n - \mu_0}{S_n} > t_\alpha(n-1)$ . (5J)  $\sqrt{n} \frac{\bar{X}_n - \mu_0}{S_n} > t_\alpha(n)$ . (5K)  $\sqrt{n} \frac{\bar{X}_n - \mu_0}{S_n^2} > t_\alpha(n-1)$ .