Sì, segno qua una X sul circoletto perchè sono uno studente di anni passati e diverso docente e desidero anche un esame orale, e consegno questo foglio piegato in 2 insieme alla bella copia.

Chi si ritira, consegna <u>solo</u> questo foglio: col nome e una grande R. Gli altri, tengono per sè questo foglio, e consegnano solo i fogli di bella copia piegati in due, tutti insieme.

RIQUADRARE ovvero incorniciare I RISULTATI

## Legenda

- \* è richiesto il valore esatto. Può anche essere  $+\infty$ ,  $-\infty$ , o una frase.
- $\approx$  è richiesta una ragionevole approssimazione.
- $^{\%}$  è richiesto il valore in percentuale, se serve ragione<br/>volmente approssimato.
- (R) è richiesto solo il risultato.

In questo tema d'esame possono comparire entrambi gli standard del punto decimale e della virgola decimale. In ogni esercizio in cui nel quesito o nello svolgimento compaiono numeri che in italiano diciamo con la virgola, scrivere all'inizio dello svolgimento se è usato lo standard del punto o della virgola decimale. Ovviamente se nel testo di un quesito c'è qualcuno di quei numeri, lo svolgimento va fatto continuando con lo stesso standard.

ESERCIZIO 0. Triplice – quesiti basici – chi non risolve almeno 2 non passa l'esame – per ricevere più di 18 risolvere tutti 3.

- **ES.**  $0a_{\mu}$  (R) \*  $\frac{\lg x^2}{\lg x^3}$
- **ES.**  $\mathbf{0b}_{\mu}$  (R) \*  $D \sin x$
- **ES.**  $\mathbf{0c}_{\mu}$  (R) \* Qual è meno grave, l'errore di prima o seconda specie?
- **ES.**  $\mathbf{1}_{\mu}$  \* Quanti sottoinsiemi non vuoti ha l'insieme {He, Ne, Ar, Kr, Xe, Ra,  $H_2O$ }?

**ES.**  $\mathbf{2}_{\mu} \approx \text{Risolvere l'equazione } x e^{-\frac{3}{2}} = 1.$ 

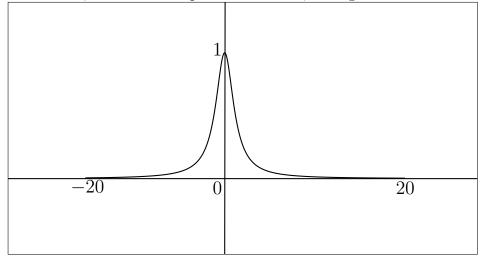
**ES.**  $\mathbf{3}_{\mu} \approx \text{Approssimando } \arctan(20) \text{ con } \arctan(+\infty), \text{ calcolare}$ 

$$\int_{-20}^{20} f(t) dt, \qquad f(t) := \frac{1}{1+t^2}$$

e potrà essere utile questa tavola di valori, dove ovviamente l'infinito va inteso nel senso del limite:

$$\begin{array}{c|cccc} x & 0 & \sqrt{3} & +\infty \\ \hline \arctan x & 0 & \frac{\pi}{3} & \frac{\pi}{2} & (\arctan(-x) = -\arctan x) \end{array}$$

Di questa questione possiamo dare un'interessante interpretazione, seppure non serva per risolvere il quesito. Il numero di morti di un'epidemia, in migliaia, sia approssimatamente modellizzato dalla f(t) considerata, per  $-20 \le t \le 20$  essendo t il tempo, dal giorno t=-20 (per esempio 11 dicembre 2020) al tempo t=20 (20 gennaio 2021). (Per esempio, vediamo che nel giorno di picco t=0=31 dicembre 2020 il modello dà 1000 morti). Allora ovviamente l'area espressa dall'integrale considerato dà, molto approssimativamente, il numero complessivo di morti, in migliaia.



**ES.**  ${\bf 4}_{\mu}$  % Tre geni si presentano in modo indipendente con probabilità 12,5%, 50% e 25%. Qual è la probabilità di averli tutti?

**ES.**  $\mathbf{5}_{\mu} \approx \text{Stimare la varianza del campione gaussiano}$