

Università di Trieste – Facoltà d’Ingegneria.

Corsi di laurea in
ingegneria civile e ambientale e ingegneria elettronica e informatica

Corso di Analisi Matematica 2

Anno Accademico 2020/2021

Prof. Franco Obersnel

Serie numeriche e serie di funzioni. Il concetto di somma infinita. Serie di numeri complessi. Carattere di una serie. Termine generale di una serie. Ridotta (somma parziale) n -esima di una serie. Serie convergente, divergente, indeterminata. Serie geometrica di ragione $z \in \mathbb{C}$. Condizione necessaria (non sufficiente) per la convergenza di una serie. Il carattere di una serie non viene modificato modificando un numero finito di termini. Serie somma di due serie. Serie prodotto di una costante per una serie. Le serie come particolari integrali generalizzati. Carattere della serie armonica. Criterio del confronto per le serie a termini positivi. Carattere della serie armonica generalizzata. Aut aut per le serie a termini positivi. Criteri del confronto asintotico e dell’ordine di infinitesimo. Criterio del rapporto e della radice. Se per una serie è applicabile il criterio del rapporto, allora il termine generale della serie è un infinitesimo soprapreale. Successioni di numeri complessi. Legame tra la convergenza di una successione (e di una serie) di numeri complessi e la convergenza delle successioni (e delle serie) delle parti reale e immaginaria. Serie a termini complessi assolutamente convergenti e serie semplicemente convergenti. Una serie assolutamente convergente è convergente. L’esempio della serie di Leibniz. Criterio di convergenza di Leibniz per le serie a termini di segno alterno. Stima della somma di una serie a termini di segno alterno. Criterio di Cauchy per la convergenza di una successione in \mathbb{R} o \mathbb{C} (solo enunciato). Criterio di Cauchy per la convergenza di una serie. Dimostrazione della divergenza della serie armonica usando il criterio di Cauchy. Dimostrazione della relazione tra serie assolutamente convergenti e serie convergenti usando il criterio di Cauchy. Successioni di funzioni. Convergenza puntuale e convergenza uniforme. La convergenza uniforme implica la convergenza puntuale (non viceversa). Il teorema dei due limiti (la dimostrazione dell’esistenza del limite è facoltativa). Teorema di continuità del limite uniforme, teorema di integrabilità (senza la dimostrazione dell’integrabilità del limite), teorema sulla derivata del limite. Serie di funzioni. Serie puntualmente e uniformemente convergenti. M-Test di Weierstrass. L’utilizzo della stima d’errore di Leibniz per la dimostrazione della convergenza uniforme di una serie. Il problema della sviluppabilità. L’esempio delle serie di Fourier. Funzioni sviluppabili in serie di potenze di centro z_0 . Serie di potenze. Insieme di convergenza di una serie di potenze. Proprietà dell’insieme di convergenza di una serie di potenze. Raggio di convergenza. Proprietà caratteristiche del raggio di convergenza. Continuità della serie di potenze. Integrazione a termine a termine di una serie di potenze. Derivazione a termine a termine di una serie di potenze. Serie di Taylor di una funzione di classe $C^\infty(I)$. Sviluppabilità di una funzione in serie di potenze e polinomio di Taylor. Un esempio di funzione non

sviluppiabile in serie di potenze che ammette una serie di Taylor convergente. Un criterio di sviluppabilità. Esempi notevoli: esponenziale, funzioni circolari, funzioni iperboliche, l'arcotangente, il logaritmo, la serie binomiale, la funzione arcoseno. Le funzioni e^z , $\sin z$ e $\cos z$ in \mathbb{C} . La formula di Eulero.

Spazi metrici e geometria di \mathbb{R}^N . Punti e vettori di \mathbb{R}^N . Prodotto scalare e norma in uno spazio vettoriale; loro proprietà. Esempi in \mathbb{R}^N e in $C^0([a, b], \mathbb{R})$. Disuguaglianza di Buniakowsky-Cauchy-Schwarz. Ortogonalità tra vettori. Nozione astratta di distanza in un insieme X . Distanza indotta da una norma. Distanza banale su un insieme non vuoto. La distanza euclidea in \mathbb{R}^N . Diverse metriche in \mathbb{R}^N . Spazi di funzioni. La distanza del massimo d_∞ e le distanze integrali d_p nello spazio $C^0([a, b], \mathbb{R})$. Topologia in uno spazio metrico: palla-aperta di centro x_0 e raggio ρ , intorni di un punto, proprietà degli intorni, punti interni, interno di un insieme, punti isolati, insiemi aperti. Una palla aperta è un insieme aperto. Punti di accumulazione, chiusura di un insieme, insiemi chiusi. Punti di frontiera, frontiera di un insieme. Un insieme è chiuso se e solo se il complementare è aperto. Proprietà degli aperti e dei chiusi. Insiemi densi. Densità di \mathbb{Q}^2 in \mathbb{R}^2 . Insiemi limitati in uno spazio metrico. Diametro di un insieme. Campi scalari e campi vettoriali. Componenti di una funzione a valori vettoriali. Rappresentazioni grafiche dei campi scalari, delle curve e dei campi vettoriali. Insiemi, linee e superfici di livello di un campo scalare. Equazione parametrica dell'ellisse e dell'ellissoide. Coordinate polari nel piano e sferiche nello spazio. Rette e curve di \mathbb{R}^2 e di \mathbb{R}^3 ; equazione cartesiana, equazione parametrica, come grafico di una funzione. Piani e superfici di \mathbb{R}^3 ; equazione cartesiana, equazione parametrica. Funzioni tra spazi metrici. Limiti di funzioni tra spazi metrici. Funzioni continue. La norma è una funzione continua rispetto alla metrica indotta. Successioni in uno spazio metrico. Limiti di una successione. Caratterizzazione del limite di una funzione usando i limiti delle successioni. Teorema sui limiti delle componenti di una successione (o in generale funzione) a valori vettoriali. Successioni di funzioni in distanza d_∞ e convergenza uniforme. Esempi: l'integrale come funzione continua tra $C^0([a, b], \mathbb{R})$ (con la distanza d_∞) e \mathbb{R} ; la derivazione non è continua tra $C^1([a, b], \mathbb{R})$ (con la distanza d_∞) e $C^0([a, b], \mathbb{R})$ (con la distanza d_∞). Teorema dell'unicità del limite. Teorema sul limite della restrizione. Tecniche per controllare la non esistenza del limite per \mathbf{x} che tende a \mathbf{x}^0 di una funzione. Teorema sul limite delle funzioni composte. Insiemi compatti per successioni. Insiemi compatti sono chiusi e limitati. Esempi di insiemi chiusi e limitati non compatti. Caratterizzazione degli insiemi compatti per successioni di \mathbb{R}^N . Teorema di compattezza per funzioni tra spazi metrici. Teorema di Weierstrass per funzioni definite su uno spazio metrico. Funzioni uniformemente continue. Teorema della continuità uniforme (Heine-Cantor) per funzioni tra spazi metrici. Insiemi connessi per archi. Teorema di connessione. Teorema di esistenza degli zeri. Teorema sul limite di una combinazione lineare; teorema sul limite della funzione prodotto (solo enunciati). Cenni alla classificazione delle quadriche: ellipsoidi, iperboloidi, paraboloidi, coni. Applicazioni lineari. Matrice associata ad un'applicazione lineare. Il teorema di rappresentazione di Riesz per le forme

lineari di \mathbb{R}^N .

Calcolo differenziale in \mathbb{R}^N . Derivate direzionali e derivate parziali. Funzioni derivabili lungo una direzione. L'esistenza delle derivate direzionali non implica la continuità. Il calcolo delle derivate parziali. Funzioni differenziabili. Differenziale. Approssimante lineare. Interpretazione geometrica della differenziabilità per un campo scalare di \mathbb{R}^2 : piano tangente. Continuità di una funzione differenziabile. Esistenza delle derivate direzionali di una funzione differenziabile. Matrice Jacobiana. Gradiente di un campo scalare. Teoremi di differenziabilità della combinazione lineare e del prodotto (solo enunciati). Teorema di differenziabilità della funzione composta. Derivate parziali delle funzioni composte (chain rule). Il caso particolare in cui la funzione composta è reale di variabile reale. Vettore tangente di una curva. Ortogonalità tra un vettore e una curva in un punto della curva. Proprietà geometriche del vettore gradiente: ortogonalità tra il gradiente di un campo e i suoi insiemi di livello, direzione di massimo incremento. Un esempio: soluzioni dell'equazione $x \frac{\partial u}{\partial x} + y \frac{\partial u}{\partial y} = 0$. Teorema del differenziale totale. Formula del valor medio per i campi scalari. La formula non vale per i campi vettoriali. Funzioni con derivate nulle sugli aperti connessi per archi. Calcolo del gradiente delle funzioni $\varphi(x) = \langle x, w \rangle$ con $w \in \mathbb{R}^N$ vettore fissato, $\varphi(x) = \|x\|^2$, $\varphi(x) = \|x\|$, $\varphi(x) = \langle h(x), w \rangle$ con h campo vettoriale e $w \in \mathbb{R}^N$ vettore fissato, $\varphi(x, y) = \langle x, y \rangle$, $\varphi(x) = \langle Ax, x \rangle$ (forma quadratica) con A matrice simmetrica. Derivate direzionali e derivate parziali di ordine k . Esempio in cui le derivate miste non sono uguali. Teorema di Schwarz sull'inversione dell'ordine di derivazione (solo enunciato). Funzioni due volte differenziabili in un punto. Matrice Hessiana di un campo scalare. Teorema di Young (solo enunciato) sulla simmetria della matrice Hessiana. Differenziale secondo di una funzione in un punto. Derivate direzionali seconde di una funzione due volte differenziabile e loro rappresentazione mediante la matrice Hessiana. Condizione sufficiente per la due volte differenziabilità di una funzione in un punto. Approssimante di ordine n di una funzione in un punto. Teorema di esistenza dell'approssimante di ordine 2 di una funzione due volte differenziabile in un punto (polinomio di Taylor). Punti di minimo/massimo assoluto e relativo e punti di sella. Punti critici. Test del gradiente (teorema di Fermat). Un punto di sella in \mathbb{R}^2 per una funzione differenziabile è un punto critico. Segnatura di una forma quadratica: forme quadratiche definite positive, definite negative, indefinite. Proprietà delle forme quadratiche definite positive (o negative). Test del differenziale secondo per la classificazione dei punti critici. Criterio (di Jacobi-Sylvester) per stabilire la segnatura di una forma quadratica generata da una matrice simmetrica di ordine N . Il caso particolare di $N = 2$. Vincoli in \mathbb{R}^N . Vincoli espliciti e vincoli impliciti in \mathbb{R}^2 e \mathbb{R}^3 . Problemi di massimo e minimo vincolato. Esempio: distanza di una retta da un punto. Il teorema della funzione implicita in dimensione 2 (teorema di U. Dini). Teorema di parametrizzabilità locale di una curva. Derivabilità della funzione implicita. Derivata seconda della funzione implicita. Teorema del moltiplicatore di Lagrange per la determinazione dei punti di estremo vincolato ad una curva in \mathbb{R}^2 . Superfici parametrizzate in \mathbb{R}^3 . Linee coordinate sulla

superficie (meridiani e paralleli della sfera). Superfici regolari. Piano tangente. Vettore normale. Il teorema della funzione implicita nel caso di una funzione $g : A \subseteq \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}$ (solo enunciato). Parametizzabilità locale di una superficie di \mathbb{R}^3 . Ortogonalità del gradiente di un campo scalare di \mathbb{R}^3 con le sue superfici di livello. Il teorema del moltiplicatore di Lagrange per la determinazione dei punti di estremo vincolato ad una superficie in \mathbb{R}^3 . Parametizzabilità locale di una curva di \mathbb{R}^3 (solo enunciato). Il metodo dei moltiplicatori di Lagrange per la determinazione dei punti di estremo vincolato ad una curva in \mathbb{R}^3 . Integrali dipendenti da un parametro. Continuità e derivabilità della funzione $f(x) = \int_a^b g(t, x) dt$. Derivata di una funzione del tipo $f(x) = \int_{\alpha(x)}^{\beta(x)} g(t, x) dt$.

Calcolo integrale in \mathbb{R}^N . N -Rettangoli e decomposizioni di \mathbb{R}^N . Relazione di finezza tra decomposizioni. Somme integrali inferiori e superiori e loro proprietà. Integrale inferiore e integrale superiore. Funzioni integrabili secondo Riemann su un N -rettangolo. Interpretazione geometrica dell'integrale di una funzione non-negativa in \mathbb{R}^2 . Proprietà fondamentali dell'integrale: linearità dell'integrale (solo enunciato), integrabilità del prodotto (solo enunciato), monotonia dell'integrale, integrabilità del valore assoluto, integrabilità della restrizione, additività dell'integrale. Teorema della media integrale. Teorema di integrabilità delle funzione continue sui rettangoli. Teorema di riduzione (di Fubini) per integrali doppi sui rettangoli (solo enunciato). Esempi in cui non vale il teorema di Fubini. Teorema di riduzione (di Fubini) per integrali tripli sui 3-rettangoli di \mathbb{R}^3 (solo enunciato): formule di riduzione per corde e per sezioni. Plurirettangoli. Integrale di una funzione limitata su un insieme limitato. La definizione non dipende dal rettangolo. Insiemi misurabili e misura di Peano-Jordan in \mathbb{R}^N . Proprietà fondamentali dell'integrale su un insieme limitato (linearità, prodotto, valore assoluto, monotonia, additività) e proprietà della misura (misura di un N -rettangolo, positività, monotonia e additività). Esempi di insiemi non misurabili. Insiemi di misura nulla (trascurabili). Teorema di caratterizzazione degli insiemi di misura nulla. Teorema di caratterizzazione degli insiemi misurabili mediante la frontiera. Una funzione integrabile (su un rettangolo) di \mathbb{R}^N ha grafico di misura nulla in \mathbb{R}^{N+1} . Integrabilità delle funzioni limitate sugli insiemi di misura nulla. Il teorema di integrabilità della restrizione. Il teorema della media integrale. Proprietà verificate quasi ovunque. Integrabilità delle funzioni limitate e continue quasi ovunque su un insieme misurabile. Domini di \mathbb{R}^2 normali rispetto ad un asse e loro misurabilità. Integrali su domini normali di \mathbb{R}^2 . Domini di \mathbb{R}^3 normali rispetto ad un piano. Superfici cilindriche. Misurabilità dei domini normali di \mathbb{R}^3 . Teorema di riduzione per corde su domini normali di \mathbb{R}^3 . Sezione di un insieme di \mathbb{R}^3 . Insiemi sezionabili di \mathbb{R}^3 . Teorema di riduzione per sezioni su insiemi sezionabili di \mathbb{R}^3 . Sostituzione di variabili negli integrali multipli. Le trasformazioni lineari, l'area di un parallelogramma e il determinante della matrice associata; giustificazione informale della formula del cambio di variabili. Teorema del cambio di variabili negli integrali multipli (solo enunciato). Integrazione in coordinate polari ed ellittiche. Integrazione in coordinate sferiche ed ellissoidali. Applicazioni geometriche e fisiche: volume e massa di solidi in

\mathbb{R}^3 , centro di massa, momenti di inerzia. Il volume del cono. Il volume del toro. Solidi di rotazione. Il teorema di Pappo-Guldino per i volumi. Integrali generalizzati in \mathbb{R}^N . Successioni invadenti di un insieme adatte a una funzione. Funzioni integrabili in senso generalizzato e integrale generalizzato di una funzione. Il calcolo dell'integrale di Gauss $\int_{\mathbb{R}} e^{-x^2} dx$. Integrabilità della funzione $f(x) = \frac{1}{\|x\|^\alpha}$ su $\mathbb{R}^N \setminus B(0, 1)$ e su $B(0, 1) \setminus \{0\}$. Criteri di integrabilità in senso generalizzato utilizzando l'ordine di infinitesimo o l'ordine di infinito.

Integrali di linea e di superficie. Curve di \mathbb{R}^N : curve semplici, curve chiuse, curve regolari, curve equivalenti, orientazione di curve equivalenti. Il sostegno identifica una curva regolare semplice non chiusa (solo enunciato). Teorema della curva di Jordan (solo enunciato). Esempi di "space filling curves". Curve rettificabili. Lunghezza di una curva. Teorema sulla rettificabilità di una curva di classe C^1 . Una disuguaglianza sulla norma dell'integrale. Formula della lunghezza per una curva di classe C^1 (solo enunciato). La lunghezza di una curva non dipende dalla particolare parametrizzazione. Ascissa curvilinea e parametrizzazione in lunghezza d'arco. Il vettore tangente nella parametrizzazione d'arco è unitario. Integrale di linea di un campo scalare. Indipendenza dalla particolare parametrizzazione. Massa, baricentro e momenti di inerzia di un filo. Curve ottenute dai grafici di funzioni reali di variabile reale e formula della lunghezza e dell'integrale di linea. Curve in forma polare e formula della lunghezza. Superfici regolari di \mathbb{R}^3 . Equazione del piano tangente. Area di una superficie parametrizzata. Integrale di superficie di un campo scalare. Massa, baricentro e momenti di inerzia di una superficie. Superficie che ha per sostegno il grafico di una funzione reale di due variabili reali. Area laterale di una superficie cilindrica e significato geometrico dell'integrale di linea su una curva piana. Superficie di rotazione. Il teorema di Pappo-Guldino per le aree. Integrale di linea della componente tangenziale di un campo vettoriale lungo una curva. Interpretazione fisica: lavoro di un campo vettoriale lungo una curva. Indipendenza dalla parametrizzazione a meno del segno. Vettore e versore normale di una curva di \mathbb{R}^2 . Integrale di linea della componente normale di un campo vettoriale lungo una curva di \mathbb{R}^2 ; interpretazione come flusso di un campo vettoriale di \mathbb{R}^2 attraverso una curva. Integrale di superficie della componente normale di un campo attraverso una superficie di \mathbb{R}^3 ; interpretazione come flusso di un campo vettoriale di \mathbb{R}^3 attraverso una superficie. Altri tipi di integrali: l'esempio della legge di Biot-Savard. Campi conservativi. Il potenziale di un campo. L'integrale di linea di un campo conservativo. Teorema di caratterizzazione dei campi conservativi. Rotore di un campo vettoriale in \mathbb{R}^3 e in \mathbb{R}^2 . Campi irrotazionali. Rotore di un campo conservativo differenziabile. Un esempio di un campo irrotazionale non conservativo. Insiemi stellati. Il lemma di Poincaré sulla caratterizzazione dei campi conservativi in un aperto stellato. Il problema dell'orientazione di una curva e di una superficie. Cenni all'esistenza di superfici non orientabili (il nastro di Möbius). Domini regolari con bordo orientato secondo la normale uscente in \mathbb{R}^2 e in \mathbb{R}^3 . Operatori differenziali: il gradiente, il rotore, la divergenza, il Laplaciano. Il teorema della divergenza di Gauss in \mathbb{R}^2 e in \mathbb{R}^3 (dimostrazione solo in \mathbb{R}^2 per i domini normali rispetto ad

entrambi gli assi). Il teorema di Gauss per il campo elettrico. Interpretazione fisica della divergenza. Potenziale vettore, campi solenoidali, campi a divergenza nulla. La formula di Gauss-Green (teorema del rotore in \mathbb{R}^2). Il lemma di Poincaré rivisto alla luce del teorema del rotore. Insiemi semplicemente connessi. Applicazione della formula di Gauss-Green al calcolo dell'area di una regione piana racchiusa da una curva. Il teorema di Kelvin-Stokes in \mathbb{R}^3 (solo enunciato). Interpretazione fisica del rotore. Alcune formule di integrazione per parti: $\iiint_K \langle \nabla f, g \rangle dx dy dz = \iint_{\partial K} f \langle g, n \rangle d\sigma - \iiint_K f \operatorname{div} g dx dy dz$; se $f = h = 0$ su $\partial\Omega$ allora $\iiint_{\Omega} f \Delta h dx dy dz = \iiint_{\Omega} h \Delta f dx dy dz$. Un'applicazione all'equazione di Laplace.

Equazioni differenziali. Il modello SIR di propagazione di un'epidemia. Alcuni modelli di dinamica di una popolazione: i modelli di Malthus, Gompertz, Verhulst, modelli con difficoltà di accoppiamento, il modello della pesca (con prelievo). Equilibrio di un'equazione differenziale. Altri modelli: caduta di un grave, l'oscillatore armonico, l'equazione del calore, l'equazione di Laplace. Definizioni e generalità sulle equazioni differenziali: equazioni ordinarie (ODE) ed equazioni alle derivate parziali (PDE), ordine di un'equazione, equazioni autonome, equazioni ordinarie in forma normale, equazioni lineari. Equazioni del primo ordine. Problema di Cauchy. Definizione di soluzione di un'equazione differenziale ordinaria del primo ordine e di un problema di Cauchy associato. Esempio di non esistenza, di non unicità, di esistenza non globale della soluzione di un problema di Cauchy. Soluzione globale di un problema di Cauchy. Alcuni problemi fondamentali nello studio di un'equazione (esistenza, unicità, stabilità, dipendenza continua da dati e parametri). Equazioni differenziali ordinarie lineari del primo ordine: esistenza e unicità della soluzione globale, formula risolutiva della soluzione del problema di Cauchy. Teorema di Peano di esistenza della soluzione di un problema di Cauchy del primo ordine (solo enunciato). Funzioni lipschitziane. Funzioni in due variabili lipschitziane relativamente a una variabile uniformemente rispetto all'altra variabile. Teorema di esistenza e unicità locale della soluzione di un problema di Cauchy del primo ordine (Cauchy - Lipschitz - Lindelöf - Picard). Riformulazione integrale di un problema di Cauchy. Confronto delle soluzioni dei problemi di Cauchy associati a campi confrontabili. Funzioni sottolineari. Teorema di esistenza globale della soluzione di un problema di Cauchy del primo ordine. Equazioni a variabili separate. Equazioni riconducibili a un'equazione a variabili separate mediante sostituzione della variabile ("equazioni omogenee"). Equazioni di Bernoulli. Un modello di propagazione delle epidemie. Equazioni lineari del primo ordine da un nuovo punto di vista; l'equazione omogenea e l'equazione completa, l'operatore differenziale $L : C^1(I) \rightarrow C^0(I)$, lo spazio delle soluzioni dell'equazione lineare omogenea, l'insieme delle soluzioni dell'equazione lineare completa. Metodo della variazione della costante per la determinazione di una soluzione particolare di un'equazione differenziale ordinaria lineare completa del primo ordine. Problema linearizzato. Equazioni differenziali ordinarie e problema di Cauchy di ordine N . Teoremi di esistenza e unicità per le equazioni di ordine N (cenni).

Equazioni differenziali ordinarie lineari di ordine N : l'equazione omogenea e l'equazione completa, l'operatore differenziale $L : C^N(I) \rightarrow C^0(I)$, lo spazio delle soluzioni dell'equazione lineare omogenea, l'insieme delle soluzioni dell'equazione lineare completa. Wronskiano di N funzioni. Lemma sull'annullamento del Wronskiano di N soluzioni di un'equazione differenziale ordinaria lineare di ordine N . Metodo della variazione delle costanti per la determinazione di una soluzione particolare di un'equazione differenziale ordinaria lineare completa di ordine N (dimostrazione per $N = 2$). Nucleo risolvente. Equazioni differenziali ordinarie lineari a coefficienti costanti di ordine N . Determinazione di una base dello spazio delle soluzioni dell'equazione omogenea. Metodo di somiglianza per la determinazione di una soluzione particolare per equazioni lineari a coefficienti costanti in caso di termini noti di tipo polinomiale, esponenziale, trigonometrico. Principio di sovrapposizione. L'esempio dell'oscillatore armonico, fenomeni di risonanza. Equazioni del secondo ordine del tipo $y'' = f(x, y')$ e $y'' = f(y)$. Legge di conservazione dell'energia meccanica. Esempio di studio di un'equazione di tipo $y'' = f(y)$ nel piano delle fasi: l'equazione del pendolo. Equilibri stabili, instabili, eterocline. Sistemi di equazioni differenziali. Sistemi lineari. Esempio di risoluzione di un sistema lineare piano mediante riduzione ad un'equazione del secondo ordine. Legame tra un'equazione scalare di ordine N e il sistema del primo ordine di dimensione N corrispondente. Matrice compagna. Legge di conservazione dell'energia meccanica per un sistema del tipo $\gamma'' = f(\gamma)$. Equazioni di Eulero. Un esempio di dinamica delle popolazioni con due variabili, il modello preda-predatore di Lotka-Volterra, linearizzazione del problema in un intorno dell'equilibrio, l'energia del sistema, le tre leggi di Vito Volterra: periodicità delle soluzioni, densità medie delle popolazioni, conseguenze di un prelievo indiscriminato.

Testi consigliati P. Omari, M. Trombetta, *Appunti del corso di analisi matematica 2 (per il diploma universitario)*, Università degli Studi di Trieste, Facoltà di Ingegneria. (Chiedere al docente). V. Barutello, M. Conti. D. Ferrario, S. Terracini, G. Verzini, *Analisi matematica (con elementi di geometria e calcolo vettoriale)* Volume 2, Apogeo.

Testi di esercizi P. Omari e M. Trombetta, *Temi svolti di analisi matematica II* (sono i compiti d'esame assegnati nei corsi dell'Università di Trieste negli anni 2001-2004), Ed. Goliardiche Trieste. S. Salsa, A. Squellaci, *Esercizi di matematica (calcolo infinitesimale e algebra lineare, calcolo infinitesimale, due volumi)*, Zanichelli.

Alla pagina <http://www.dmi.units.it/~obersnel> potete trovare ulteriori informazioni sul corso, tutti gli esercizi assegnati a lezione, esercizi svolti, compiti assegnati agli esami.

Nel sito moodle del corso potete trovare le lavagne delle lezioni tenute con la tavoletta grafica.