

Esercizio 1 Si studi il carattere delle seguenti serie di numeri complessi:

- a) $\sum_{n=1}^{+\infty} \left(\sqrt{\log\left(\frac{4}{3}\right)} + i \sqrt{\log\left(\frac{3}{2}\right)} \right)^n$.
- b) $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{1}{n} \left(\cos \frac{1}{n} + i \sin \frac{1}{n} \right)$.
- c) $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{1 + i n^2 \log\left(1 + \frac{1}{n^2}\right)}{n \sqrt{n}}$.
- d) $\sum_{n=0}^{+\infty} \frac{2n+i}{3^n - ni}$.
- e) $\sum_{n=0}^{+\infty} \frac{(4+3i)^n}{5^n + n^2 i}$.
- f) $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{i^n (\sqrt{n} - \sqrt{n-1}) + i^{2n} \cdot \sqrt{n+1}}{n}$.

Soluzioni:

- a) Converge assolutamente.
- b) Non converge.
- c) Converge assolutamente.
- d) Converge assolutamente.
- e) Non converge.
- f) Converge semplicemente.